



PROBLEMA 1º. (1'5 puntos) Simplifica la expresión, dando el resultado en fracción:

a)  $\left(1 + 2 \cdot \frac{3}{4}\right)^{-2} \cdot \left(-1 + \frac{7}{5}\right)^2 =$       b)  $6'2 : 1'24 =$

PROBLEMA 2º. (0'75 puntos) Descomponer la base de las potencias y simplifica utilizando las propiedades de las potencias y dando el resultado con los exponentes positivos:

$$\frac{18^{-2} \cdot 8^4}{(2^3 \cdot 3^{-2})^4} =$$

PROBLEMA 3º. Representa en la recta los siguientes conjuntos de números e indicando el tipo de intervalo y qué extremos pertenecen.

a) (0'25 puntos) El intervalo  $\left(-3, \frac{25}{7}\right]$  .

b) (0'75 puntos) Los números que verifican  $|2x + 5| < 3$

PROBLEMA 4º. (2'25 puntos) Efectúa y simplifica:

a)  $\frac{(a \cdot \sqrt[4]{a})^3}{\sqrt[8]{a^5} \cdot \sqrt{a} \cdot \sqrt[4]{a^5}} =$       b)  $(4\sqrt{3} - 5\sqrt{2})^2 =$

c)  $\sqrt[5]{2^3 \cdot \sqrt[3]{2}} =$       d)  $\sqrt{7 + \sqrt[3]{1 + \sqrt{49}}} =$

PROBLEMA 5º. (2'75 puntos) Racionaliza y simplifica las expresiones:

a)  $\sqrt{28} - \frac{21}{\sqrt{7}} + 14 \cdot \sqrt{\frac{4}{7}} =$       b)  $\frac{3 + \sqrt{5}}{3 - \sqrt{5}} =$

c)  $\sqrt[3]{4} - \frac{6}{\sqrt[3]{2}} + \sqrt[3]{2} + \frac{4}{\sqrt[3]{4}} =$       d)  $\frac{15}{\sqrt{7} - 2} - \frac{3\sqrt{7} - 7}{\sqrt{7}} =$

PROBLEMA 6º. (1'25 puntos) Determina el valor de  $x$ , en los siguientes casos:

a)  $\log_3 \frac{9}{\sqrt[5]{3}} = x$       b)  $\log_x 7 = -1$

c)  $\log_4 x = \frac{1}{4}$       d)  $2\log_3 x - \log_3 4 = 2$



PROBLEMA 1º. Simplifica las siguientes expresiones

a) (0'5 puntos)  $\left(\frac{1}{2} + \frac{3}{4} \cdot \frac{9}{2}\right)^{-2} =$       b) (0'5 puntos)  $\frac{25^{-3} \cdot 8^2}{50^{-4}} =$

c) (0'5 puntos)  $\frac{(\sqrt{x} \cdot 5\sqrt{x})^3}{x \cdot \sqrt[10]{x^7}} =$       d) (0'75 puntos)  $\frac{\sqrt{75} - \sqrt{12}}{\sqrt{24}} \cdot 6\sqrt{2} =$

e) (0'75 puntos)  $\frac{8}{\sqrt{3}-1} - \frac{2\sqrt{3}-6}{\sqrt{3}} =$

PROBLEMA 2º. Sea el polinomio  $p(x) = x^3 + 2x^2 + kx + 4$ . Halla:

- a) (0'5 puntos) El valor de  $k$  para que al dividirlo por  $x-2$  el resto sea 6.  
 b) (0'75 puntos) Raíces y descomposición del polinomio.

PROBLEMA 3º. Simplifica las siguientes expresiones.

a) (0'5 puntos)  $\frac{3x^2 - 48}{x^2 - 8x + 16} =$       b) (1'25 puntos)  $\frac{x}{x+2} \cdot \left(\frac{x-4}{x^2-x} - \frac{3}{x-1}\right) =$

PROBLEMA 4º. Resuelve las siguientes ecuaciones.

a) (0'75 puntos)  $\frac{x}{x-2} + \frac{x}{3} - \frac{x+1}{2x-4} = 2$       b) (0'75 puntos)  $3^{5x-1} = 9^{x-3}$

c) (0'75 puntos)  $\sqrt{x^2 + 3x + 1} - x = 4$       d) (0'75 puntos)  $2 \log_2 x - \log_2(3x-4) = 1$

Problema 5º. (1 punto) Resuelve el sistema de ecuaciones

$$\begin{cases} xy + 3 = 2x + 1 \\ x + y = 3 \end{cases}$$

PROBLEMA 1°. Simplifica las siguientes expresiones:

a) (0'75 puntos)  $\frac{7-3\sqrt{5}}{7+3\sqrt{5}} - \frac{5}{2\sqrt{5}}$

b) (0'5 puntos)

$$\frac{\left(\sqrt[3]{a \cdot \sqrt[6]{a^2}}\right)^9}{(a^2 \cdot a)^{-1}}$$

PROBLEMA 2°

- a) (0'5 puntos) Factoriza el polinomio  $p(x) = 2x^3 + x^2 - 8x - 4$  .  
b) (0'25 puntos) Resuelve la ecuación  $2x^3 + x^2 - 8x - 4 = 0$  .  
c) (0'5 puntos) Resuelve la inecuación  $2x^3 + x^2 - 8x - 2 \geq 0$  .

PROBLEMA 3° (1'25 puntos). Efectúa y simplifica las expresiones:

$$\left(\frac{2x+1}{x^2+2x+1} - \frac{7}{3x+3}\right) \left(\frac{x^2-1}{x+4}\right) =$$

PROBLEMA 4° .Resuelve las ecuaciones siguientes:

- a) (0'75 puntos)  $\frac{\sqrt{2x+16}}{4} + 1 = \frac{x}{2}$   
b) (0'75 puntos)  $1 - 2^{x+1} - 4^x + 6 \cdot 2^{2x-1} - 2^x = 0$   
c) (0'75 puntos)  $2 \ln(x+1) - \ln(3x-1) = \ln 2 + \ln x$

PROBLEMA 5° (0'75 puntos). Resuelve la inecuación  $\frac{x^2+x-8}{x+1} \leq 1$

PROBLEMA 6° .Sabido que la  $\sec A = \frac{17}{15}$  con  $x \in (270^\circ, 360^\circ)$  , halla:

- a) (1 punto) Coseno, seno y tangente del ángulo  
b) (0'25 puntos) El ángulo  $A$ .  
c) (0'75 puntos)  $\operatorname{sen}(180^\circ - A)$ ,  $\cos(180^\circ + A)$ ,  $\operatorname{tg}(-A)$

HAY QUE ELEGIR ENTRE ESTE APARTADO C) Y EL PROBLEMA 7.

PROBLEMA 7° (0'75 puntos). Si  $\operatorname{sen} 50^\circ = a$  y  $\cos 50^\circ = b$  . Halla  $\operatorname{cotg}(230^\circ)$  y  $\operatorname{sen}(320^\circ)$

PROBLEMA 8° (1,25 puntos). Para medir la altura de un edificio se miden los ángulos de elevación desde dos puntos alineados con el edificio que están situados a una distancia entre ellos de 250 metros. ¿Cuál es la altura del edificio si los ángulos son de  $37^\circ$  y  $65^\circ$ . Dar el resultado aproximado por redondeo hasta los centímetros.



PROBLEMA 1º. Simplifica las siguientes expresiones:

a) (0'75 puntos)  $\frac{3\sqrt{5} - \sqrt{3}}{\sqrt{3}} - \frac{4\sqrt{5}}{1 + \sqrt{3}}$

b) (0'5 puntos)  $\frac{(\sqrt[3]{b \cdot \sqrt[6]{b^3}})^{12}}{(b^3 \cdot b)^{-2}}$

PROBLEMA 2º

- a) (0'5 puntos) Factoriza el polinomio  $p(x) = 2x^3 + 3x^2 - 3x - 2$ .
- b) (0'25 puntos) Resuelve la ecuación  $2x^3 + 3x^2 - 3x - 2 = 0$ .
- c) (0'5 puntos) Resuelve la inecuación  $2x^3 + 3x^2 - 3x - 2 < 0$ .

PROBLEMA 3º (1'25 puntos). Efectúa y simplifica las expresiones:

$$\frac{x+2}{2x^2-8} \cdot \left( \frac{x^2}{x^2-4x+4} - \frac{x-1}{x-2} \right)$$

PROBLEMA 4º. Resuelve las ecuaciones siguientes:

- a) (0'75 puntos)  $\frac{4}{x^2} - 15 = 4x^2$
- b) (0'75 puntos)  $7^{2x+3} - 8 \cdot 7^{x+1} + 1 = 0$
- c) (0'75 puntos)  $\log x^3 = \log 6 + 2 \log x$

PROBLEMA 5º (0'75 puntos). Determina el valor de  $k$  para que el polinomio  $p(x) = x^3 + 3x + k$  sea divisible por  $x - 1$ .

PROBLEMA 6º. Si  $\alpha$  es un ángulo del cuarto cuadrante y  $\cos \alpha = \frac{8}{17}$ , halla:

- a) (1 punto)  $\sin \alpha$ ,  $\tan \alpha$ ,  $\operatorname{cosec} \alpha$  del ángulo
- b) (0'25 puntos) El ángulo  $\alpha$ .

PROBLEMA 7º (0'75 puntos). Si  $\cos 65^\circ = a$  y  $\operatorname{sen} 65^\circ = b$  Halla  $\operatorname{tag}(115^\circ)$ ,  $\operatorname{sec}(245^\circ)$  y  $\operatorname{cosec}(-65^\circ)$ .

PROBLEMA 8º (1,25 puntos). Para medir la altura de una montaña se miden los ángulos de elevación desde dos puntos situados a una distancia de 180 metros. ¿Cuál es la altura de la montaña si los ángulos son  $72^\circ$  y  $77^\circ$ ?